

# 6.2 Aire de solides décomposables

## ACTIVITÉ 1 Aire totale d'un solide décomposable

Le solide ci-contre peut se décomposer en trois solides.

a) Donne la nature de chacun des trois solides avec ses dimensions.

---



---



---

b) 1. On désire peindre la surface extérieure de ce solide. Explique comment calculer l'aire de la surface à peindre.

---



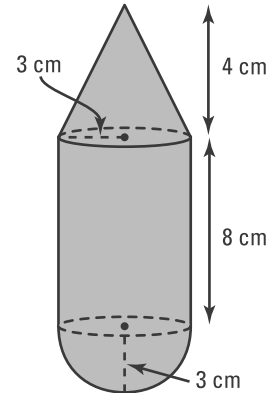
---

2. Calcule l'aire de la surface à peindre.

---



---

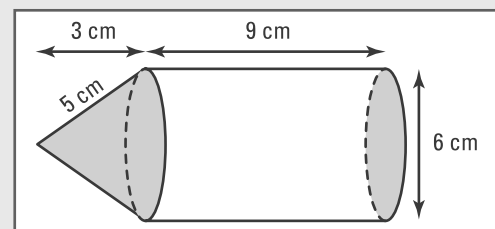


### AIRE D'UN SOLIDE DÉCOMPOSABLE

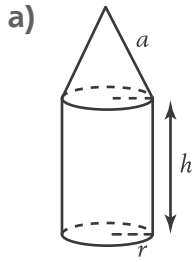
- Pour calculer l'aire d'un solide décomposable, on le décompose en solides tels que un prisme, une pyramide, un cylindre, un cône, une sphère...
- Le tableau suivant donne l'aire latérale et l'aire totale de chacun des solides.

Symboles	Prisme	Pyramide	Cylindre	Cône	Sphère
$a$ : apothème $h$ : hauteur $r$ : rayon $A_b$ : aire de la base $P_b$ : périmètre de la base					
Aire latérale $A_l$	$A_l = P_b \cdot h$	$A_l = \frac{P_b \cdot a}{2}$	$A_l = 2\pi r h$	$A_l = \pi r a$	
Aire totale $A_t$	$A_t = 2A_b + A_l$	$A_t = A_b + A_l$	$A_t = 2A_b + A_l$	$A_t = A_b + A_l$	$A_t = 4\pi r^2$

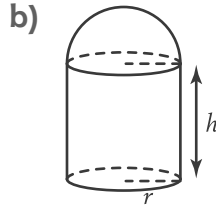
Ex.: L'aire totale du solide ci-contre est égale à: l'aire de la base du cylindre + l'aire latérale du cylindre + aire latérale du cône =  $36\pi + 54\pi + 15\pi = 105\pi \text{ cm}^2$ .



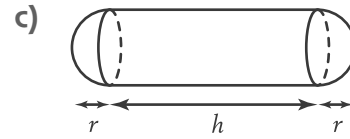
1. Calcule l'aire totale de chacun des solides ci-dessous.



$r = 3 \text{ cm}, a = 5 \text{ cm},$   
 $h = 6 \text{ cm}$



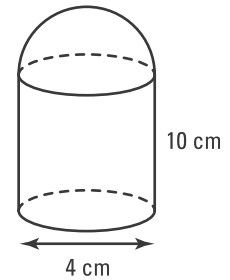
$r = 1,5 \text{ cm},$   
 $h = 3 \text{ cm}$



$r = 3 \text{ m}, h = 12 \text{ m}$

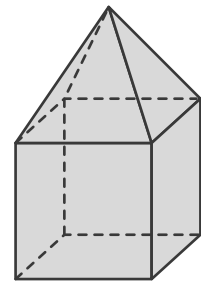
2. Trouve l'aire totale du solide décomposable ci-contre.

\_\_\_\_\_



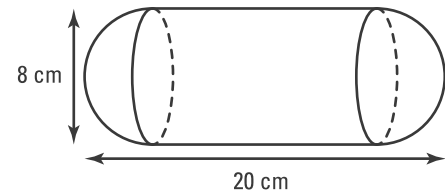
3. Calcule l'aire totale d'un solide composé d'une pyramide de 4 cm d'apothème reposant sur un cube de 5 cm d'arête.

\_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_



4. Trouve l'aire totale du solide décomposable ci-contre.

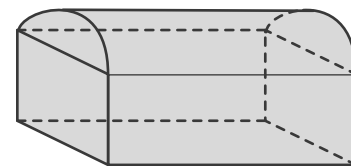
\_\_\_\_\_



5. M<sup>me</sup> Dion veut repeindre sa boîte aux lettres formée par un prisme sur lequel repose un demi-cylindre.

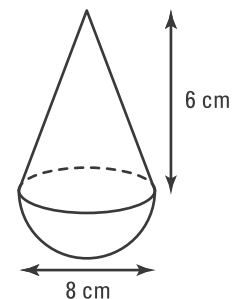
Le rayon du cylindre est 10 cm et sa hauteur est 24 cm. La hauteur du prisme est 14 cm. Trouve l'aire totale que M<sup>me</sup> Dion aura à repeindre.

\_\_\_\_\_



6. Un presse-papier est composé d'une demi-sphère surmontée d'un cône. On veut couvrir d'une mince couche d'or ce presse-papier. Quelle quantité d'or fondu (en ml) a-t-on besoin si un millilitre recouvre 4 cm<sup>2</sup>?

\_\_\_\_\_



- 7.** Une tente a la forme d'un cylindre surmonté d'un cône de même rayon. La hauteur totale de la tente est de 2,5 m, la hauteur du cône est de 50 cm et le rayon est de 1,2 m. Quelle est l'aire de toile nécessaire à la fabrication de cette tente s'il faut prévoir 2 % de plus pour les coutures et que cette tente n'a pas de base ?

---

- 8.** Une demi-sphère est placée sur la surface plane d'une autre demi-sphère. Quelle est, arrondie à l'unité près, l'aire totale de ce solide ?

---



---



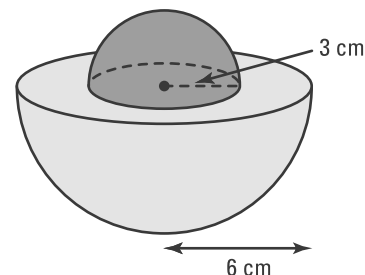
---



---



---



- 9.** Le contenant cylindrique ci-contre contient 3 balles de tennis ayant chacune une aire totale de  $49\pi \text{ cm}^2$ .

Quelle est, arrondie à l'unité près, l'aire totale de ce contenant ?

---



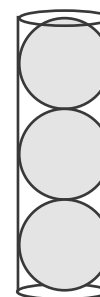
---



---

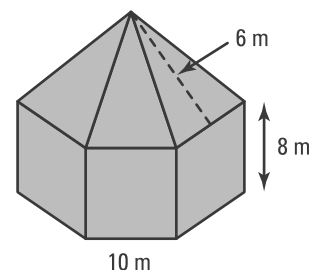


---



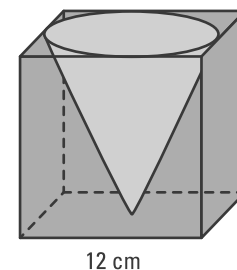
- 10.** Un chapiteau a la forme d'un prisme dont la base est un hexagone régulier surmonté d'une pyramide. Quelle est la surface de toile nécessaire pour construire ce chapiteau ?

---



- 11.** Trouve l'aire totale d'un contenant à crayons de forme cubique creusé par un cône tel que l'indique la figure ci-contre. Arrondis le résultat à l'unité près.

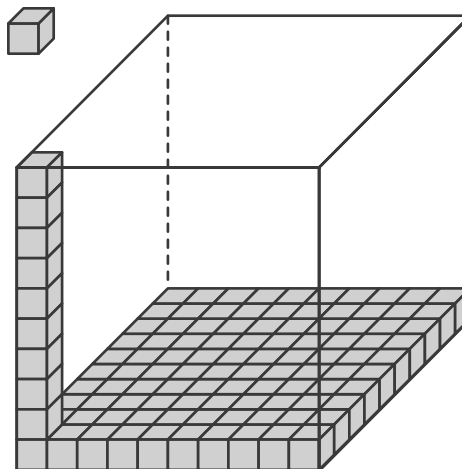
---



# 6.3 Volume de solides

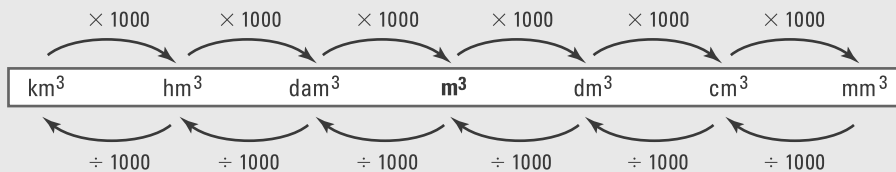
## ACTIVITÉ 1 Unités de volume

- a) Quel est le volume d'un cube d'arête 1 cm? \_\_\_\_\_
- b) Considère le cube ci-contre d'arête 1 dm.
1. Exprime son volume en  $\text{dm}^3$ . \_\_\_\_\_
  2. Combien de petits cubes d'arête 1 cm peut contenir le grand cube ci-contre? \_\_\_\_\_
  3. Complète l'égalité.  $1 \text{ dm}^3 = \text{_____ cm}^3$ .



### UNITÉS DE VOLUME

- L'unité principale de volume est le mètre cube ( $\text{m}^3$ ). Elle correspond à la mesure de l'espace occupé par un cube dont l'arête mesure 1 m.  
Quand on passe d'une unité de volume à une unité de volume immédiatement inférieure (ou supérieure), on multiplie (ou divise) la mesure du volume par 1000.



Ex.:  $0,43 \text{ m}^3 = 430 \text{ dm}^3$ ;  $24,5 \text{ cm}^3 = 0,0245 \text{ dm}^3$

1. Indique l'unité à privilégier pour déterminer le volume de chacun des solides suivants.
 

a) Un congélateur _____	b) Un bâton de colle _____
c) Une pyramide d'Égypte _____	d) Un dé à jouer _____
e) Une balle de ping-pong _____	f) Un édifice à bureaux _____
g) Un livre _____	h) Une pièce de monnaie _____
2. Convertis les volumes suivants dans l'unité demandée.
 

a) $3 \text{ m}^3 = \text{_____ dm}^3$	b) $2 \text{ m}^3 = \text{_____ cm}^3$	c) $4 \text{ m}^3 = \text{_____ mm}^3$
d) $8 \text{ dm}^3 = \text{_____ m}^3$	e) $50 \text{ cm}^3 = \text{_____ dm}^3$	f) $3000 \text{ cm}^3 = \text{_____ m}^3$
g) $240 \text{ dm}^3 = \text{_____ m}^3$	h) $7000 \text{ mm}^3 = \text{_____ cm}^3$	i) $48\,000 \text{ cm}^3 = \text{_____ m}^3$

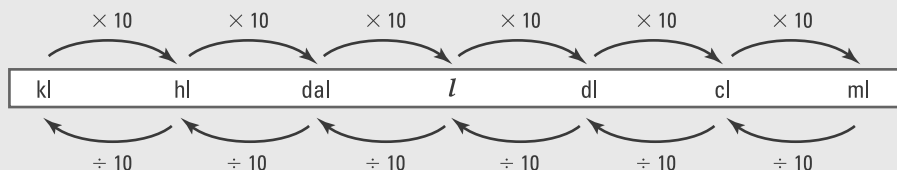


## UNITÉS DE CAPACITÉ

- On utilise les **unités de capacité** pour mesurer le volume d'un liquide contenu dans un récipient tel que l'eau, le lait, l'essence ou pour mesurer le volume de certaines matières tel que le détergent.
- L'unité principale de capacité est le **litre**. Il correspond à la capacité d'un récipient ayant la forme d'un cube dont l'arête mesure 1 dm.

$1 \text{ litre} = 1 \text{ dm}^3$

- Quand on passe d'une unité de capacité à une unité de capacité immédiatement inférieure (ou supérieure), on multiplie (ou divise) la mesure de capacité par 10.



Ex. :  $5,4 \text{ l} = 540 \text{ cl}$ ;  $35 \text{ dl} = 3,5 \text{ l}$ .

On en déduit que :  $1 \text{ dl} = 0,1 \text{ dm}^3$ ,  $1 \text{ cl} = 0,01 \text{ dm}^3$ ,  $1 \text{ ml} = 0,001 \text{ dm}^3 = 1 \text{ cm}^3$ .

**9.** Effectue les capacités suivantes dans l'unité demandée.

- a)  $4,3 \text{ l} = \text{_____ dl}$     b)  $0,05 \text{ dl} = \text{_____ ml}$     c)  $35 \text{ cl} = \text{_____ l}$   
 d)  $2,3 \text{ dal} = \text{_____ dl}$     e)  $0,0054 \text{ dal} = \text{_____ ml}$     f)  $2,35 \text{ l} = \text{_____ cl}$

**10.** Convertis en litres les mesures suivantes.

- a)  $3 \text{ cm}^3 = \text{_____}$     b)  $0,02 \text{ m}^3 = \text{_____}$     c)  $3,4 \text{ dm}^3 = \text{_____}$     d)  $350\,000 \text{ mm}^3 = \text{_____}$

**11.** Convertis en millilitres les mesures suivantes.

- a)  $8,7 \text{ dm}^3 = \text{_____}$     b)  $0,0008 \text{ m}^3 = \text{_____}$     c)  $875 \text{ mm}^3 = \text{_____}$     d)  $7,5 \text{ cm}^3 = \text{_____}$

**12.** Ordonne les volumes suivants en ordre de grandeur croissant.

- a)  $38 \text{ cl}$ ;  $135 \text{ cm}^3$ ;  $250 \text{ ml}$ ;  $0,092 \text{ dm}^3$ ;  $45\,000 \text{ mm}^3$ ;  $0,00004 \text{ m}^3$ .
- \_\_\_\_\_

- b)  $2,43 \text{ dl}$ ;  $0,45 \text{ dm}^3$ ;  $0,5 \text{ l}$ ;  $250\,000 \text{ mm}^3$ ;  $34 \text{ cl}$ ;  $540 \text{ ml}$ .
- \_\_\_\_\_

**13.** Combien de flacons de  $12,5 \text{ ml}$  peut-on remplir avec  $1 \text{ dm}^3$  de parfum? \_\_\_\_\_

**14.** Le contenu d'un récipient est de  $3,18 \text{ l}$ . Exprime ce contenu en  $\text{cm}^3$ . \_\_\_\_\_

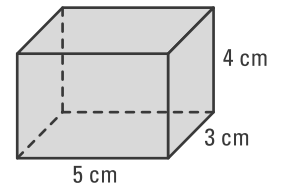
**15.** Combien de fois doit-on verser le contenu d'une éprouvette de  $20 \text{ cm}^3$  pour remplir un contenant d'un litre? \_\_\_\_\_

**16.** Après avoir immergé un objet dans un contenant d'eau, le niveau de l'eau est passé de  $50 \text{ cl}$  à  $58 \text{ cl}$ . Quel est le volume, en  $\text{cm}^3$ , de l'objet? \_\_\_\_\_

## ACTIVITÉ 3 Volume d'un prisme

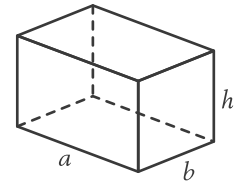
a) 1. Quel est le nombre total de cubes d'arête 1 cm que le prisme ci-contre peut contenir?

2. Quel est le volume de ce prisme? \_\_\_\_\_



b) Le prisme ci-contre a pour base un rectangle de dimensions  $a$  et  $b$  et pour hauteur  $h$ . Quel est le volume de ce prisme?

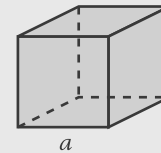
\_\_\_\_\_



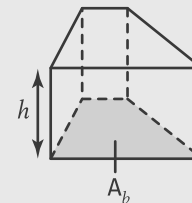
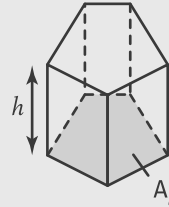
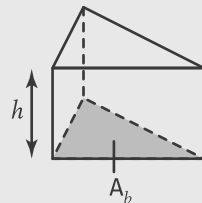
### VOLUME D'UN PRISME

- Le volume d'un cube d'arête  $a$  est:

$$V = a \times a \times a = a^3$$

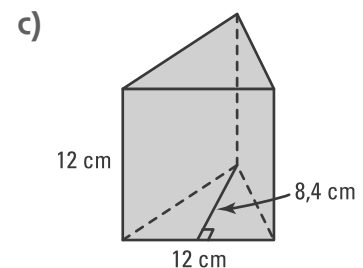
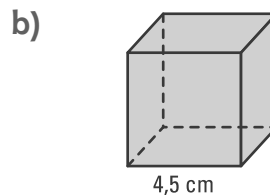
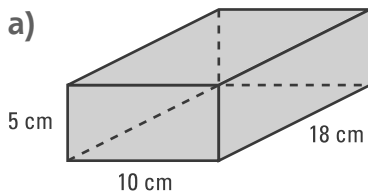


- Le volume d'un prisme est égal au produit de l'aire de la base  $A_b$  du prisme par la hauteur  $h$  du prisme.

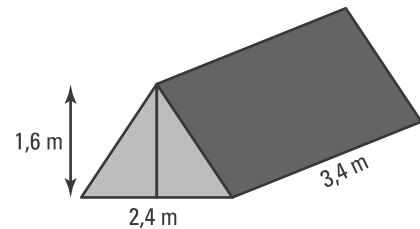


$$V = A_b \times h$$

**17.** Calcule le volume de chacun des prismes suivants.

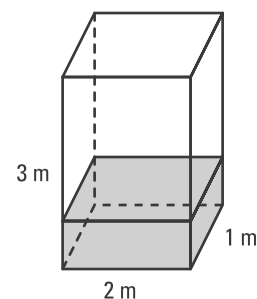


- 18.** Estime, avec l'unité de volume appropriée, le volume des prismes suivants.
- a) Une pièce de 1 \$ \_\_\_\_\_      b) Ta classe \_\_\_\_\_  
 c) Un dé à jouer \_\_\_\_\_      d) Ton livre de mathématiques \_\_\_\_\_  
 e) Un lave-vaisselle \_\_\_\_\_      f) Ta maison \_\_\_\_\_
- 19.** Calcule, en  $\text{dm}^3$ , le volume d'un prisme dont les dimensions sont 4,5 dm, 0,3 m et 40 cm. \_\_\_\_\_
- 20.** a) Calcule, en  $\text{m}^3$ , le volume d'un cube de 40 dm d'arête. \_\_\_\_\_  
 b) De combien de fois ce volume augmente-t-il si l'arête est multipliée par 2? \_\_\_\_\_
- 21.** Exprime, en litres, le volume d'un cube dont l'arête mesure 11 cm. \_\_\_\_\_
- 22.** La masse de 1 l d'air est 1,3 g. Quelle est la masse, en kg, de l'air contenu dans une salle de 12 m de longueur, 8 m de largeur et 5 m de hauteur? \_\_\_\_\_
- 23.** Calcule le volume d'une pièce de 1 \$ sachant qu'elle a la forme d'un prisme droit dont la base est un polygone régulier à 11 côtés de 0,7 cm de côté, d'apothème de 1,2 cm et de hauteur de 2 mm. \_\_\_\_\_
- 24.** Quel est le coût d'un bloc cubique de granite de 7 dm d'arête sachant que ce granite coûte 600 \$/ $\text{m}^3$ ? \_\_\_\_\_
- 25.** Une entrée de garage est de forme rectangulaire. Ses dimensions sont 8,6 m et 4,8 m. On répand sur cette entrée une couche uniforme d'asphalte dont l'épaisseur est de 5 cm. Quel sera le coût de l'asphalte à raison de 145 \$ le  $\text{m}^3$ ? \_\_\_\_\_
- 26.** Sylvie et Françoise sont allées faire du camping dans les Laurentides. Elles ont installé une tente ayant la forme d'un prisme à base triangulaire dont les dimensions sont représentées ci-contre.
- a) Quel est le volume dont elles disposent à l'intérieur de la tente? \_\_\_\_\_  
 b) Quelle est l'aire totale de la toile utilisée sachant que la base de la tente n'est pas en toile? \_\_\_\_\_





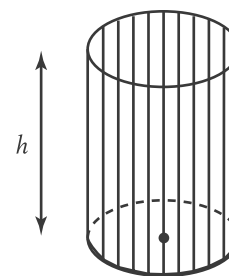
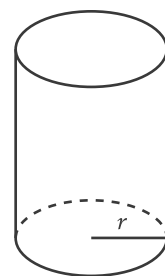
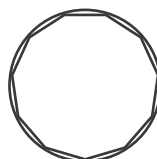
**29.** Le prisme ci-contre représente une citerne remplie de 1500 l d'essence. Combien de temps mettra-t-on pour remplir le reste de la citerne à raison de 20 litres/min?



**30.** Les dimensions d'une salle de classe sont 9 m sur 6 m sur 3,25 m. Combien de personnes cette salle de classe peut-elle accueillir si chaque personne doit disposer de 4,5 kl d'air?

### ACTIVITÉ 4 Volume d'un cylindre

a) Soit un cylindre de rayon  $r$  et de hauteur  $h$ . On peut considérer, à la limite, ce cylindre comme étant un prisme droit de même hauteur et dont la base est un polygone régulier ayant un très grand nombre  $n$  de côtés.



1. Quelle est l'aire de la base du cylindre?

2. Trouve une formule qui donne le volume du cylindre.

cylindre

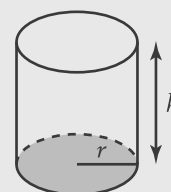
prisme

b) Trouve le volume d'un cylindre de rayon 4 cm et de hauteur 6 cm. \_\_\_\_\_

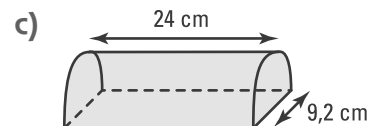
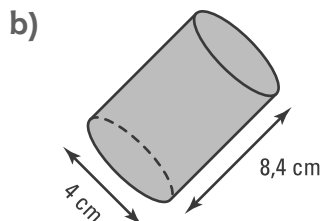
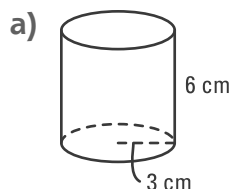
### VOLUME D'UN CYLINDRE

Le volume d'un cylindre circulaire droit de rayon  $r$  et de hauteur  $h$ , est égal au produit de l'aire de la base du cylindre  $A_b$  par la hauteur  $h$  du cylindre.

$$V = A_b \times h = \pi r^2 h$$



**31.** Calcule le volume de chacun des cylindres et du demi-cylindre suivants.



- 32.** Estime, avec l'unité de volume appropriée, le volume des cylindres suivants.
- a) Une piscine hors-terre \_\_\_\_\_      b) Une tasse de thé \_\_\_\_\_  
 c) Une pièce de 25 ¢ \_\_\_\_\_      d) Une bouteille de liquide correcteur \_\_\_\_\_  
 e) Une canette de liqueur douce \_\_\_\_\_      f) Une boîte de conserve \_\_\_\_\_  
 g) Un gâteau au fromage \_\_\_\_\_      h) Un crayon neuf \_\_\_\_\_

- 33.** a) Calcule le volume d'un cylindre de 4 cm de rayon et 6 cm de hauteur. \_\_\_\_\_  
 b) Si on double la hauteur de ce cylindre; que devient son volume? \_\_\_\_\_  
 c) Si on double le rayon du cylindre; que devient le volume? \_\_\_\_\_

- 34.** Exprime, en litres, le volume d'un récipient cylindrique de 7 dm de diamètre et 20 cm de hauteur.  
 \_\_\_\_\_

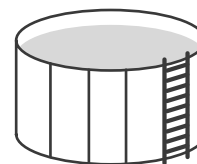
- 35.** Un flacon de parfum de forme cylindrique est vendu 48 \$ (taxes incluses). Si le rayon du flacon est de 3,5 cm et sa hauteur de 10 cm, à combien revient le litre de parfum?  
 \_\_\_\_\_

- 36.** Le dessus d'une table circulaire en verre a un diamètre de 1,4 m et une épaisseur de 1 cm. Sachant qu'un décimètre cube de verre a une masse de 2 kg, calcule la masse de verre du dessus de cette table.  
 \_\_\_\_\_

- 37.** On creuse un tunnel cylindrique de 21 m de diamètre sur une distance de 160 m. Combien de voyages un camion chargé de 45 m<sup>3</sup> de terre devra-t-il faire pour transporter toute la terre déplacée? \_\_\_\_\_

- 38.** Une casserole a la forme d'un cylindre de 28 cm de diamètre et de 15 cm de hauteur. On verse le contenu de cette casserole remplie à pleine capacité dans des tasses cylindriques de 7 cm de diamètre et de 3 cm de hauteur. Combien de tasses pleines peut-on remplir?  
 \_\_\_\_\_

- 39.** M. Rivard désire remplir d'eau la piscine hors-terre installée sur son terrain. La piscine a un diamètre de 4 m et une hauteur de 1,8 m. S'il désire la remplir aux  $\frac{3}{4}$ , combien de temps cela prendra-t-il à raison d'un débit de 45 l/min?  
 \_\_\_\_\_

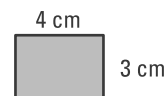


- 40.** M<sup>me</sup> Courtemanche veut faire une crème caramel pour servir comme dessert à ses invités. Elle prépare 2 litres d'un mélange d'œufs, de lait et de sucre. Quelle quantité de son mélange, en cm<sup>3</sup>, restera-t-il si elle le verse dans 18 moules cylindriques de 7 cm de diamètre et de 2,5 cm de hauteur?  
 \_\_\_\_\_

- 41.** On immerge un prisme à base triangulaire dans un contenant d'eau cylindrique de 5 cm de rayon. La hauteur de l'eau déplacée est de 0,8 cm. Quel est le volume du prisme immergé dans l'eau?  
 \_\_\_\_\_

**42.** Soit le rectangle ci-contre.

On fait tourner ce rectangle autour de sa longueur, puis autour de sa largeur.  
On a ainsi généré les deux cylindres représentés ci-dessous.

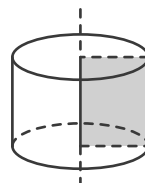


a) Les deux cylindres ont-ils le même volume?  
Justifie ta réponse.

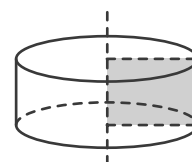
\_\_\_\_\_

b) Calcule le volume de chaque cylindre.

\_\_\_\_\_



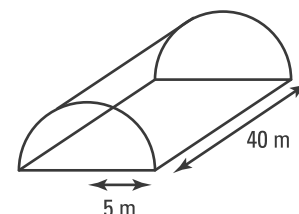
Rectangle tournant  
autour de sa longueur



Rectangle tournant  
autour de sa largeur

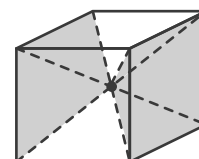
**43.** M. Des Serres cultive des plantes dans une serre semi-cylindrique de 5 m de rayon et de hauteur 40 m. Si chaque plante a besoin de 0,75 m<sup>3</sup> d'air, combien de plantes peuvent pousser dans cette serre?

\_\_\_\_\_



## ACTIVITÉ 5 Volume d'une pyramide

Soit le cube ci-contre d'arête  $a$  que l'on sectionne en 6 pyramides identiques ayant pour base une face du cube et pour hauteur la moitié de l'arête du cube.



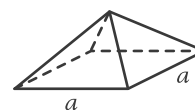
a) Quel est le volume de chaque pyramide? \_\_\_\_\_

b) On représente ci-contre une des pyramides ainsi formée.

1. Quelle est sa hauteur? \_\_\_\_\_

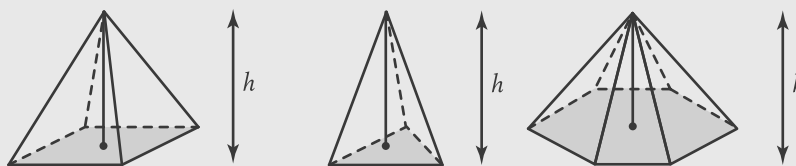
2. Quelle est l'aire de la base? \_\_\_\_\_

3. Vérifie que le volume  $V$  de la pyramide est  $V = \frac{A_{\text{base}} \times \text{hauteur}}{3}$ . \_\_\_\_\_



### VOLUME D'UNE PYRAMIDE

Le volume d'une pyramide régulière droite est égal au tiers du produit de l'aire de la base de la pyramide  $A_b$  par la hauteur  $h$  de la pyramide.

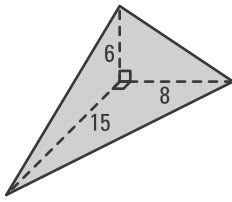


$$V = \frac{A_b \times h}{3}$$

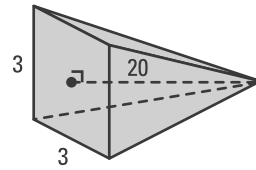
Cette formule permet de calculer aussi le volume de pyramides non régulières.

**44.** Calcule le volume de chacune des pyramides suivantes (les mesures sont données en centimètres).

a)



b)



**45.** La hauteur d'une pyramide est de 156 mm. La base est un rectangle de 24 cm de longueur et de 12 cm de largeur. Quel est le volume de cette pyramide? \_\_\_\_\_

**46.** La base d'une pyramide est un triangle rectangle dont les côtés mesurent 2,4 cm, 3,2 cm et 4 cm. La hauteur de cette pyramide est de 8 cm. Calcule son volume. \_\_\_\_\_

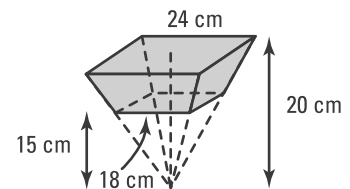
**47.** Une pyramide à base carrée de 12 cm de côté a un apothème égal à 10 cm. Quel est le volume de cette pyramide? \_\_\_\_\_

**48.** La base d'une pyramide est un carré de 12 cm de côté. L'arête latérale mesure 10 cm. Calcule le volume de cette pyramide. \_\_\_\_\_

**49.** Un trophée a la forme d'une pyramide à base carrée. La hauteur de la pyramide est de 6 cm et son apothème est de 10 cm. Si le trophée est en aluminium et que la masse de 1 dm<sup>3</sup> d'aluminium est 2,7 kg, calcule la masse de ce trophée. \_\_\_\_\_

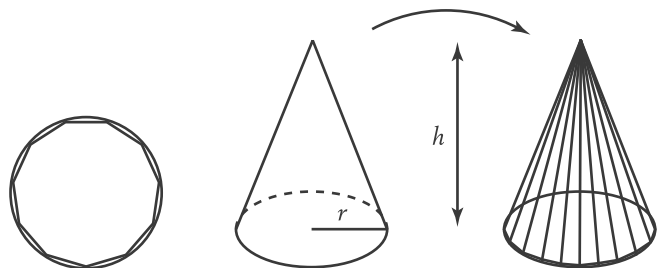
**50.** Calcule approximativement le volume de la pyramide de Chéops, en Égypte, sachant qu'elle a une base carrée d'environ 230 m de côté et un apothème d'environ 180 m. \_\_\_\_\_

**51.** Un pot à plantes a la forme représentée ci-contre. Quel est le volume (en litres) de terre que contient ce pot rempli à ras bords?



## ACTIVITÉ 6 Volume d'un cône

Soit un cône de hauteur  $h$  ayant pour base un disque de rayon  $r$ . On peut considérer à la limite ce cône comme étant une pyramide droite de même hauteur et dont la base est un polygone régulier ayant un très grand nombre  $n$  de côtés.



a) 1. Quelle est l'aire de la base du cône?

\_\_\_\_\_

2. Trouve une formule qui donne le volume d'un cône. \_\_\_\_\_

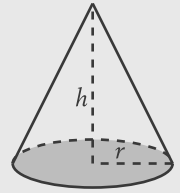
b) Trouve le volume d'un cône de hauteur 10 cm ayant pour base un disque de rayon 6 cm.

\_\_\_\_\_

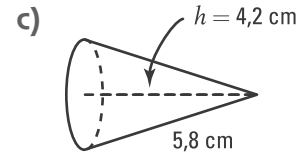
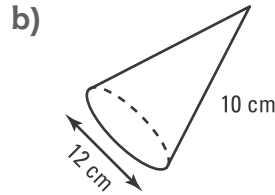
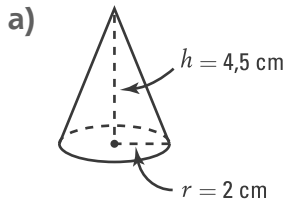
## VOLUME D'UN CÔNE

Le volume d'un cône de rayon  $r$  et de hauteur  $h$  est égal au tiers du produit de l'aire de la base du cône  $A_b$  par la hauteur  $h$  de ce cône.

$$V = \frac{A_b \times h}{3} = \frac{\pi r^2 h}{3}$$



**52.** Calcule le volume de chacun des cônes suivants.



**53.** Un cône a une hauteur égale à 2,4 m. Le rayon de ce cône est égal à 1,8 m. Quel est le volume du cône?

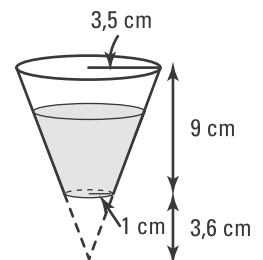
**54.** Quel est le volume d'un cône dont l'apothème mesure 5,4 m et le diamètre 3,8 m? Arrondis ta réponse au dixième près.

**55.** Un cône a une hauteur égale à son rayon. Quel est le volume de ce cône sachant que son diamètre égale 4,36 m?

**56.** Un distributeur d'eau a la forme d'un cylindre dont le rayon est égal à 15 cm et la hauteur, à 42 cm. Il est rempli à pleine capacité. Combien de verres pleins ayant la forme d'un cône pourra-t-on remplir à l'aide du distributeur si chaque verre a un rayon de 3 cm et une hauteur de 7 cm?

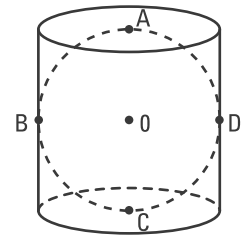
**57.** Au cours d'une réception, on a servi du champagne dans des coupes de forme conique. Le rayon de la base du cône mesure 2,7 cm et la hauteur du cône mesure 10 cm. Combien de verres remplis aux  $\frac{4}{5}$  de cette hauteur peut-on servir avec le contenu d'une bouteille de 0,76 l?

**58.** Un verre en plastique a la forme représentée ci-contre. Si Éric le remplit de limonade aux  $\frac{3}{4}$ , quelle sera la quantité (en cl) versée dans ce verre?



## ACTIVITÉ 7 Volume d'une sphère

Dans la figure ci-contre, la sphère est inscrite dans le cylindre. Les points A, B, C et D de la sphère sont également des points du cylindre.



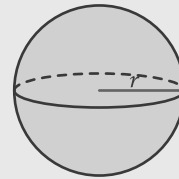
- a) Sachant que la sphère a pour rayon  $r$ , quel est
1. le rayon du cylindre? \_\_\_\_\_
  2. la hauteur du cylindre? \_\_\_\_\_
- b) Il est démontré que le volume d'une sphère est égal aux  $\frac{2}{3}$  du volume du cylindre circonscrit. Quel est donc le volume d'une sphère de rayon  $r$ ?

\_\_\_\_\_

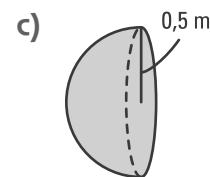
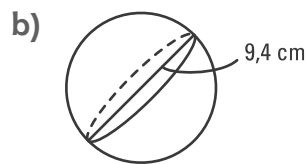
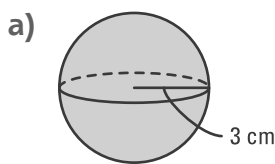
### VOLUME D'UNE SPHÈRE

Le volume d'une sphère de rayon  $r$  est égal à :

$$V = \frac{4\pi r^3}{3}$$



**59.** Calcule le volume de chacune des sphères et de la demi-sphère suivantes.



\_\_\_\_\_

**60.** Calcule le volume d'une sphère dont le rayon mesure

- a) 4,5 cm. \_\_\_\_\_ b) 2,28 m. \_\_\_\_\_ c) 0,9 mm. \_\_\_\_\_

**61.** Deux billes ont des rayons respectifs de 1,5 cm et 3 cm. Quel est le rapport de

- a) leur rayon? \_\_\_\_\_ b) leur aire? \_\_\_\_\_ c) leur volume? \_\_\_\_\_

**62.** Calcule le volume d'une balle de tennis de 6,5 cm de diamètre. \_\_\_\_\_

**63.** Calcule le volume d'une demi-orange de 4 cm de rayon. \_\_\_\_\_

**64.** Un bassin a la forme d'une demi-sphère de 0,9 m de diamètre. Quelle est la capacité, en litres, de ce bassin? \_\_\_\_\_

**65. a)** Calcule approximativement le volume de la planète Terre si on estime son rayon égal à 6400 km. \_\_\_\_\_

- b) De combien de fois est-elle plus grosse que la Lune si on estime que la Lune a un rayon égal à 3500 km? \_\_\_\_\_

66. Quelle quantité d'air, en litres, faut-il pour gonfler un ballon de 30 cm de diamètre? \_\_\_\_\_

67. a) Calcule le volume d'une sphère de 3 cm de rayon. \_\_\_\_\_

b) Si on double le rayon de cette sphère, par combien son volume est-il multiplié?  
\_\_\_\_\_

68. Un contenant de forme cylindrique contient 3 balles de tennis de rayon égal à 3,25 cm comme l'indique l'illustration ci-contre. Quel est le volume inoccupé de ce cylindre?

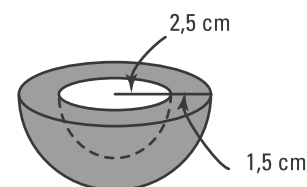


69. Un contenant de crème glacée a la forme d'un prisme droit dont les dimensions sont 20 cm, 12 cm et 9 cm. Il est rempli à pleine capacité. Quel est le nombre approximatif de boules de crème glacée que l'on peut former sachant que le diamètre d'une boule mesure environ 6 cm?

70. Combien d'oranges de diamètre de 6 cm faut-il presser pour remplir complètement de jus une boîte métallique de forme cylindrique ayant un rayon de 6 cm et une hauteur de 20 cm? (Chaque orange donne environ 75 % de son volume en jus.)

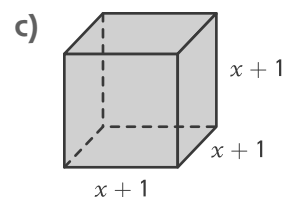
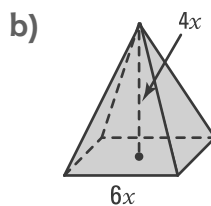
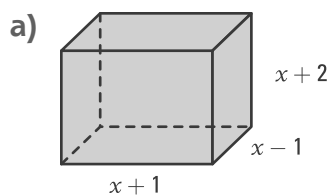
71. Les dimensions d'une boîte rectangulaire sont 30 cm sur 25 cm sur 8 cm. On y range les solides en cristal suivants: 6 boules de 5 cm de rayon; 6 cylindres de 8 cm de diamètre et de 4 cm de hauteur; 10 cônes circulaires de 3 cm de rayon et de 5 cm de hauteur et 4 cubes de 3 cm d'arête. De quel volume de sciure de bois a-t-on besoin pour remplir les interstices?

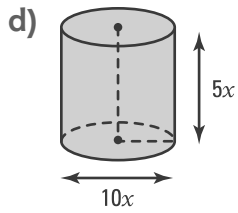
72. On considère le demi-cantaloup illustré ci-contre. La partie évidée correspond à une demi-sphère. Quel est le volume de fruit contenu dans ce demi-cantaloup? On considère l'épaisseur de l'écorce négligeable.



73. Les diamètres intérieur et extérieur d'une bouteille métallique mesurent respectivement 8 cm et 10 cm. Quelle est la masse de cette bouteille si la masse de 1 dm<sup>3</sup> de ce métal est 3 kg?

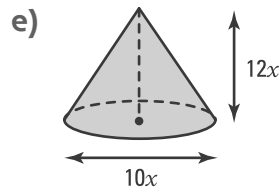
74. Exprime, à l'aide de la variable  $x$ , l'aire totale et le volume de chacun des solides suivants.





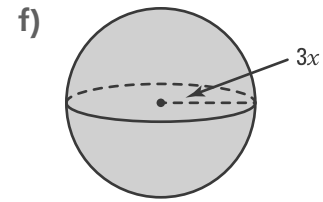
\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_



\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_



\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

**75.** Le cube ci-contre a pour arête  $3x - 2$ .

a) Exprime, à l'aide de la variable  $x$ ,

1. l'aire totale du cube.

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2. le volume du cube.

\_\_\_\_\_

b) Calcule, lorsque  $x = 2$  cm,

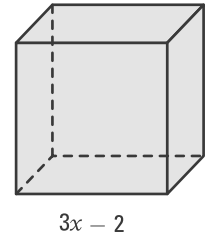
1. l'aire totale du cube.

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2. le volume du cube.

\_\_\_\_\_



**76.** Le prisme ci-contre a pour dimensions:  $2x - 1$ ,  $x + 1$  et  $x - 1$ .

a) Exprime, à l'aide de la variable  $x$ ,

1. l'aire totale du prisme.

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2. le volume du prisme.

\_\_\_\_\_

b) Calcule, lorsque  $x = 3$  cm,

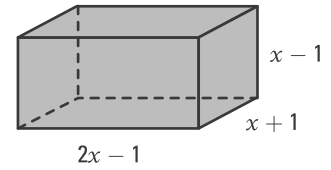
1. l'aire totale du prisme.

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

2. le volume du prisme.

\_\_\_\_\_





# 6.4 Volume de solides décomposables

## ACTIVITÉ 1 Volume total d'un solide décomposable

Le solide ci-contre peut se décomposer en trois solides.

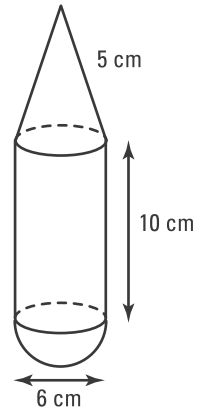
a) Donne la nature de chacun des trois solides avec ses dimensions.

\_\_\_\_\_

b) Calcule le volume de chacun des solides qui composent ce solide.

\_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_

c) Quel est le volume de ce solide? \_\_\_\_\_

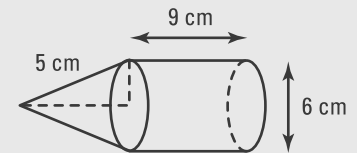


### VOLUME D'UN SOLIDE DÉCOMPOSABLE

- Pour calculer le volume d'un solide décomposable, on le décompose en solides tels que un prisme, une pyramide, un cylindre, un cône, une sphère.
- Le tableau suivant donne le volume de chacun des solides.

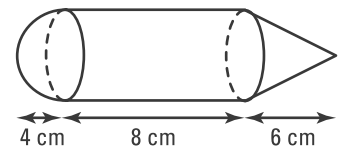
Symboles	Prisme	Pyramide	Cylindre	Cône	Sphère
$a$ : apothème $h$ : hauteur $r$ : rayon $A_b$ : aire de la base					
Volume	$V = A_b \times h$	$V = \frac{A_b \times h}{3}$	$V = A_b \times h$	$V = \frac{A_b \times h}{3}$	$V = \frac{4\pi r^3}{3}$

Ex.: Le volume du solide ci-contre est égal à:  
 $V = \text{volume du cylindre} + \text{volume du cône}$   
 $= 81\pi + 12\pi$   
 $= 93\pi \text{ cm}^3$ .



1. Trouve le volume du solide décomposable ci-contre.

\_\_\_\_\_



2. Un porte-agrafe, fait en bois, est représenté par la figure ci-contre. Si l'arête du cube mesure 8 cm, quel est le volume de bois utilisé?

\_\_\_\_\_

